



(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

Construct for of Abodyte function:

Milne i Thomson method

i) To find
$$f(x)$$
, when u is given

$$f(x) = \int [\phi_i(x,o) - i \phi_j(x,o)] dx$$

where $\phi_i(x,o) = \left(\frac{\partial u}{\partial y}\right)(x,o)$

$$\phi_g(x,o) = \left(\frac{\partial u}{\partial y}\right)(x,o)$$

ii). To find $f(x)$, when V is given

$$f(x) = \int [\phi_i(x,o) + i \phi_g(x,o)] dx$$

where $\phi_i(x,o) = \left(\frac{\partial v}{\partial y}\right)(x,o)$

$$\phi_g(x,o) = \left(\frac{\partial v}{\partial y}\right)(x,o)$$

iii) If $v - v$ or $v + v$ is given, then to find take $f(x) = u + i v$

if $f(x) = i u - v$

I find the analytic function
$$f(z)$$
 whose seal post is $u = 3x^2y + 8x^2 - y^3 - 8y^2$ solo.

Caven $u = 8x^2y + 8x^2 - y^3 - 8y^2$

$$\frac{\partial y}{\partial x} = 6xy + 4x$$





(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

$$\phi_{1}(x,0) = \left(\frac{\partial u}{\partial x}\right) = 4x$$

$$(x,0)$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = 3x^{2} - 3y^{2} - 4y$$

$$\phi_{2}(x,0) = \left(\frac{\partial u}{\partial y}\right)_{(x,0)} = 3x^{2}$$

By Miline Thomson method,
$$f(x) = \int [d_{1}(x,0) - i d_{2}(x,0)] dx$$

$$= \int [1+x - i 3x^{2}] dx$$

$$= \frac{4x}{2} - i \frac{3x^{3}}{3} + C$$

$$f(x) = 3x^{2} - i x^{3} + C$$

$$f(x) = 3x^{2} - i x^{3} + C$$
And Therefore with determine analytic function $f(x)$.

Given $v = e^{x}$ or $\cos y + e^{x}$ yeing $\frac{\partial v}{\partial x} = e^{x} \cos y - e^{x} \cos y + e^{x} y \sin y$

$$= e^{x} \cos y - x e^{x} \cos y - e^{x} \cos y + e^{x} y \sin y$$

$$= e^{x} \cos y - x e^{x} \cos y - e^{x} \cos y + e^{x} y \sin y$$

$$= e^{x} \cos y + x e^{x} \cos y - e^{x} \cos y + e^{x} y \sin y$$

$$= e^{x} \cos y + x e^{x} \cos y - e^{x} \cos y + e^{x} y \sin y$$

$$= e^{x} \cos y + x e^{x} \cos y + e^{x} y \cos y + e^{x} \sin y$$

$$= e^{x} \cos y + x e^{x} \cos y + e^{x} y \cos y + e^{x} \sin y$$

$$= e^{x} \cos y + e^{x} \cos y + e^{x} \cos y + e^{x} \cos y + e^{x} \cos y$$

$$= -x e^{x} \cos y + e^{x} (\cos y + e^{x} \cos y + e^{x} \cos y)$$

$$= -x e^{x} \cos y + e^{x} (\cos y + e^{x} \cos y + e^{x} \cos y)$$

$$= -x e^{x} \cos y + e^{x} (\cos y + e^{x} \cos y + e^{x} \cos y)$$

$$= -x e^{x} \cos y - y \sin y + e^{x} \cos y$$

$$= -x e^{x} \cos y - y \sin y + e^{x} \cos y$$

$$= -x e^{x} \cos y - y \sin y + e^{x} \cos y$$

$$= -x e^{x} \cos y - y \sin y + e^{x} \cos y$$

$$= -x e^{x} \cos y - y \sin y + e^{x} \cos y$$

$$= -x e^{x} \cos y - y \sin y + e^{x} \cos y$$





(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

$$= -xe^{x} \cos y - e^{-x} y \operatorname{efn} y + xe^{-x} \cos y$$

$$= -xe^{x} \cos y + xe^{-x} \cos y + e^{-x} y \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \cos y - e^{-x} y \operatorname{efn} y + xe^{-x} \cos y$$

$$= -xe^{-x} \cos y - e^{-x} y \operatorname{efn} y + xe^{-x} \cos y$$

$$= -xe^{-x} \cos y - e^{-x} y \operatorname{efn} y + xe^{-x} \cos y$$

$$= -xe^{-x} \cos y - e^{-x} y \operatorname{efn} y + xe^{-x} \cos y$$

$$= -xe^{-x} \cos y - e^{-x} y \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \operatorname{efn} y$$

$$= -xe^{-x} \operatorname{efn} y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} \sin y + e^{-x} y \cos y + e^{-x} y$$





(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

But 1 is
$$\frac{Sh}{2x}$$
 $\frac{2x}{\cos h \, 2y} = \frac{Sh}{2x}$ $\frac{2x}{\cos h \, 2x} = \frac{Sh}{2x}$ $\frac{2x}{\sin h \, 2$





(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

By writners Thomson method,
$$f(x) = \int [d_1(x,0) - id_2(x,0)] dx$$

$$= \int [-\cos^2 x - i(0)] dx$$

$$= -\int \cos^2 x dx$$

$$f(x) = \cot x + C$$

All the analytic function $f(x) = u + iv$
where $u - v = e^x(\cos y - \sin y)$
soln.

Let $f(x) = u + iv + iv$

$$if(x) = iu - v + iv$$

$$(1+i) f(x) = u + iv + iu - v$$

$$(1+i) f(x) = (u - v) + i(u + v)$$

$$F(x) = U + iv$$

$$(1+i) f(x) = (i+i) f(x)$$

$$U = u - u$$

$$V = u + v$$

$$Coven U = u - v = e^x(\cos y - \sin y)$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = e^x[u - \sin y]$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = e^x[u - \sin y]$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = e^x[-\sin y - \cos y]$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = e^x[-\sin y + \cos y]$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = -e^x[\sin y + \cos y]$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = -e^x[\cos y - \sin y]$$





(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

By Milne's Thomson method,

$$F(x) = \int \int \phi_1(x,0) - i \, \phi_2(x,0) \, dx$$
 $= \int \int e^x + i \, e^x \, dx$
 $= \int \int e^x + i \, e^x \, dx$

(1+i) $f(x) = (i+i) \, e^x + c$
 $f(x) = e^x + C$

b). If $f(x) = a+iv$ is analytic, find $f(x)$ given that $a+iv = \frac{an}{an} an$
 $cochay = cos ax$

Solo.

Let $f(x) = a+iv = -in$
 $i + f(x) =$





(An Autonomous Institution)
Coimbatore-641035.

UNIT-II COMPLEX DIFFERENTIATION

$$= \frac{2\cos 3x - 2(1+\cos 2x)}{1-\cos 3x}$$

$$= \frac{2[\cos 3x - 1 - \cos 3x]}{1-\cos 3x}$$

$$= \frac{-2}{1-\cos 2x} = \frac{-1}{1-\cos 2x}$$

$$= \frac{-2}{1-\cos 2x} = \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \frac{-3}{1-\cos 2x} = \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \frac{-3\cos 2x}{2} = \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \frac{3\cos 2x}{2\cos 2x} = \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\sin 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\sin 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\sin 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\sin 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\sin 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\sin 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= \cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$= -2\cos 2x - \frac{-1}{2\cos 2x}$$

$$=$$